

학습목표

- 고장계산에 필요한 대칭좌표법과 발전기 기본식을 이해할 수 있다.
- 전압원과 전류원의 등가변환, 중첩의 정리에 대해서 이해할 수 있다.
- 테브난의 정리와 밀만의 정리에 대해서 이해할 수 있다.

출제율 5%

제5장 대칭좌표법

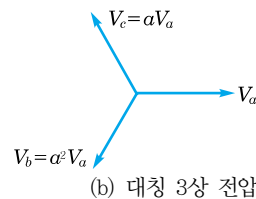
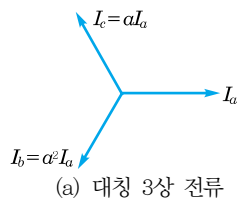
1 고조파 차수의 특성

구분	고조파 차수	특징
영상분 I_0	$3n : 3, 6, 9, 12, \dots$	① a, b, c상의 크기와 위상이 모두 같다. ② 비접지 계통에서는 존재하지 않는다. ③ 중성선에 $3I_0$ 로 흐르게 된다.
정상분 I_1	$3n+1 : 4, 7, 10, 13, \dots$	① 기본파와 상회전 방향이 같다. ② 회전기의 속도와 토크를 상승시킨다.
역상분 I_2	$3n-1 : 2, 5, 8, 11, \dots$	① 기본파와 상회전 방향과 반대이다. ② 회전기의 속도와 토크를 감소시킨다.

2 3상 대칭 분해

선전류	대칭분 전류
① a상 선전류 : $I_a = I_0 + I_1 + I_2$	① 영상분 : $I_0 = \frac{1}{3}(I_a + I_b + I_c)$
② b상 선전류 : $I_b = I_0 + a^2 I_1 + a I_2$	② 정상분 : $I_1 = \frac{1}{3}(I_a + a I_b + a^2 I_c)$
③ c상 선전류 : $I_c = I_0 + a I_1 + a^2 I_2$	③ 역상분 : $I_2 = \frac{1}{3}(I_a + a^2 I_b + a I_c)$
$\therefore$ 각 상의 공통 성분 : 영상분	

3 대칭(평형) 3상인 경우의 대칭 성분

(1) 대칭 조건 : $I_a, I_b = a^2 I_a, I_c = a I_a$ 이므로 $I_a + I_b + I_c = 0$ 이 성립하는 경우(2) 대칭 성분($a^3 = 1 \angle 360^\circ = 1, a^4 = 1 \angle 480^\circ = 1 \angle 120^\circ = a$)

$$\textcircled{1} \text{ 영상분 : } I_0 = \frac{1}{3}(I_a + I_b + I_c) = \frac{1}{3}(I_a + a^2 I_a + a I_a) = \frac{1}{3} I_a (1 + a^2 + a) = 0$$

$$\textcircled{2} \text{ 정상분 : } I_1 = \frac{1}{3}(I_a + a I_b + a^2 I_c) = \frac{1}{3}(I_a + a^3 I_a + a^3 I_a) = \frac{1}{3}(I_a + I_a + I_a) = I_a$$

$$\textcircled{3} \text{ 역상분 : } I_2 = \frac{1}{3}(I_a + a^2 I_b + a I_c) = \frac{1}{3}(I_a + a^4 I_a + a^2 I_a) = \frac{1}{3} I_a (1 + a + a^2) = 0$$



문제의 네모칸에 체크를 하세요. 그 문제가 이해되지 않았다면

✓ 표시를 해서 그 문제는 나중에 다시 풀어 완전하게 숙지하세요 (★ : 중요도).

★★★

산업 94년 3회, 97년 4회, 99년 7회, 01년 1회, 02년 1회, 04년 3회, 14년 2회, 15년 4회

63 3상 대칭분을 I_0, I_1, I_2 라 하고 선전류 I_a, I_b, I_c 라 할 때 I_b 는?

- ① $I_0 + a^2 I_1 + a I_2$ ② $\frac{1}{3} (I_0 + I_1 + I_2)$
 ③ $I_0 + I_1 + I_2$ ④ $I_0 + a I_1 + a^2 I_2$



Comment

대칭좌표법에서 3상 대칭분해(선전류와 대칭분 전류) 공식 찾기 문제의 출제빈도가 높으므로 공식은 반드시 외워두길 바란다.

★★★

기사 90년 2회, 03년 4회, 05년 1회, 14년 2회

64 대칭좌표법에 대칭분을 각 상전압으로 표시한 것 중 틀린 것은?

- ① $V_0 = \frac{1}{3} (V_a + V_b + V_c)$
 ② $V_1 = \frac{1}{3} (V_a + a V_b + a^2 V_c)$
 ③ $V_1 = \frac{1}{3} (V_a + a^2 V_b + a^2 V_c)$
 ④ $V_2 = \frac{1}{3} (V_a + a^2 V_b + a V_c)$

★★★

기사 04년 3회, 08년 2회, 13년 4회, 14년 4회 / 산업 01년 3회, 12년 4회, 16년 1회

65 대칭 3상 전압 $V_a, V_b = a^2 V_a, V_c = a V_a$ 일 때 a상 기준으로 한 각 대칭분 V_0, V_1, V_2 은?

- ① 0, $V_a, 0$ ② $a^2 V_a, V_a, 0$
 ③ $-V_a, V_a, 0$ ④ 0, $a^2 V_a, a V_a$

해설

대칭 3상의 경우(사고가 안 난 계통) 영상분과 역상분은 0이고 정상분만 존재한다.

★★★

기사 90년 7회, 95년 4회, 00년 3회

66 3상 3선식에서는 회로의 평형, 불평형 또는 부하의 Δ, Y 에 불구하고, 세 선전류의 합은 0이므로 선전류의 ()은 0이다. () 안에 들어갈 말은?

- ① 영상분 ② 정상분
 ③ 역상분 ④ 상전압

해설

중성선이 없는 3상 3선식(비접지) 회로에서는 $I_a + I_b + I_c = 0$ 이므로 영상분 $I_0 = 0$ 이 된다.

즉 영상분이 존재하지 않는다.

★★★

기사 93년 1회, 99년 3회, 16년 4회 / 산업 95년 6회, 98년 2회, 02년 2회, 05년 2회

67 각 상의 전류가 $i_a = 30 \sin \omega t [A], i_b = 30 \sin (\omega t - 90^\circ) [A], i_c = 30 \sin (\omega t + 90^\circ) [A]$ 일 때 영상 대칭분 전류[A]는?

- ① $10 \sin \omega t$
 ② $30 \sin \omega t$
 ③ $\frac{30}{\sqrt{3}} \sin \omega t$
 ④ $\frac{10}{3} \sin \omega t$

해설

$$\begin{aligned} I_0 &= \frac{1}{3} (I_a + I_b + I_c) \\ &= \frac{1}{3} (30 + 30 \angle -90^\circ + 30 \angle 90^\circ) \\ &= 10 \angle 0^\circ = 10 \sin \omega t [A] \end{aligned}$$

★★★

기사 00년 4회, 01년 1회, 12년 1회 / 산업 07년 2회, 13년 3회, 15년 4회

68 불평형 3상 전류가 $I_a = 16 + j2 [A], I_b = -20 - j9 [A], I_c = -2 + j10 [A]$ 일 때 영상분 전류[A]는?

- ① $-2 + j$ ② $-6 + j3$
 ③ $-9 + j6$ ④ $-18 + j9$

해설

$$\begin{aligned} I_0 &= \frac{1}{3} (I_a + I_b + I_c) \\ &= \frac{1}{3} (-6 + j3) = -2 + j [A] \end{aligned}$$



Comment

정상분 또는 역상분 계산문제의 출제율은 낮지만 영상분과 a상 전압 또는 전류를 구하는 문제는 출제율이 높다.

정답

63 ① 64 ③ 65 ① 66 ① 67 ① 68 ①

자주 출제되는
핵심이론



핵심이론은 처음에는 그냥 한 번 읽어주세요.

옆의 기출문제를 풀어본 후 다시 한 번 핵심이론을 읽으면서 암기하세요.

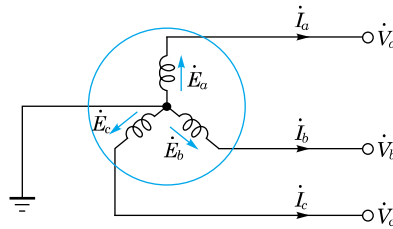
4 불평형률

- ① 계통에 불평형이 발생하면 이를 정상분, 영상분, 역상분으로 대칭분해할 수 있으며, 그 중 정상분과 역상분의 비를 불평형률(unbalanced factor)이라 한다.

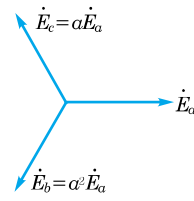
$$\therefore \text{불평형률} = \frac{\text{역상분}}{\text{정상분}} = \frac{I_2}{I_1} = \frac{V_2}{V_1}$$

- ② 불평형 대책 : 중성점 접지
③ 중성선 제거 조건 : 불평형이 발생하지 않는 경우 즉, $I_a + I_b + I_c = 0$ 인 경우

5 발전기 기본식



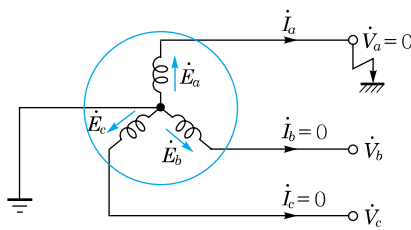
(a) 3상 교류발전기



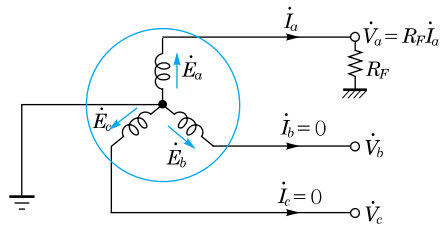
(b) 대칭 3상 기전력

영상분	정상분	역상분
$\dot{V}_0 = -\dot{Z}_0 \dot{I}_0$	$\dot{V}_1 = \dot{E}_a - \dot{Z}_1 \dot{I}_1$	$\dot{V}_2 = -\dot{Z}_2 \dot{I}_2$

6 무부하발전기의 a상 지락 시 지락전류



(a) 완전 지락사고



(b) R_F 를 통한 지락사고

완전 지락사고	R_F 를 통한 지락사고
① $I_0 = \frac{E_a}{Z_0 + Z_1 + Z_2} [\text{A}]$	① $I_0 = \frac{E_a}{Z_0 + Z_1 + Z_2 + 3R_F} [\text{A}]$
② $I_g = 3I_0 = \frac{3E_a}{Z_0 + Z_1 + Z_2} [\text{A}]$	② $I_g = 3I_0 = \frac{3E_a}{Z_0 + Z_1 + Z_2 + 3R_F} [\text{A}]$

여기서, I_0 : 영상전류, I_g : 지락전류



문제의 네모칸에 체크를 해보세요. 그 문제가 이해되지 않았다면

✓ 표시를 해서 그 문제는 나중에 다시 풀어 완전하게 숙지하세요 (★ : 중요도).

★★★ 산업 95년 2회, 99년 3회, 02년 2회, 03년 2회, 04년 2회, 05년 4회, 14년 4회

69 3상 회로에 있어서 대칭분 전압이 $\dot{V}_0 = -8 + j3[V]$, $\dot{V}_1 = 6 - j8[V]$, $\dot{V}_2 = 8 + j12[V]$ 일 때 a상의 전압[V]은?

- ① $6 + j7$ ② $-32.3 + j2.73$
③ $2.3 + j0.73$ ④ $2.3 + j0.73$

해설

$$\begin{aligned}\dot{V}_a &= \dot{V}_0 + \dot{V}_1 + \dot{V}_2 \\ &= (-8 + j3) + (6 - j8) + (8 + j12) \\ &= 6 + j7[V]\end{aligned}$$

★★★★ 기사 00년 5회, 03년 2회, 12년 4회, 14년 4회, 16년 2회 / 산업 06년 1회, 13년 1회, 14년 2회

70 3상 불평형 전압에서 역상전압이 25[V]이고, 정상전압이 100[V], 영상전압이 10[V]라 할 때 전압의 불평형률은?

- ① 0.25 ② 0.4
③ 4 ④ 10

해설

$$\text{불평형률} = \frac{\text{역상분}}{\text{정상분}} = \frac{25}{100} = 0.25$$

★★ 산업 00년 2회, 16년 4회

71 대칭 3상 교류발전기의 기본식 중 알맞게 표현된 것은?

- ① $V_1 = Z_1 I_1$ ② $V_0 = E_0 - Z_0 I_0$
③ $V_2 = Z_2 I_2$ ④ $V_1 = E_a - Z_1 I_1$

★ 기사 96년 4회 / 산업 90년 2회, 96년 2·7회, 07년 4회, 16년 2회

72 3상 회로의 선간전압이 각각 80, 50, 50[V]일 때의 전압의 불평형률[%]은 약 얼마인가?

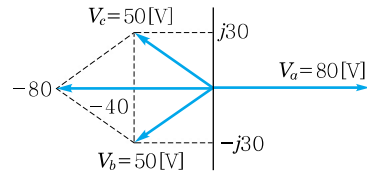
- ① 22.7 ② 39.6
③ 45.3 ④ 57.3

해설

- ① 3상 회로의 상의 전압은 다음과 같다.
• $V_a = 80[V]$

$$\bullet V_b = -40 - j30[V]$$

$$\bullet V_c = -40 + j30[V]$$



㉠ 정상분

$$\begin{aligned}V_1 &= \frac{1}{3} (V_a + a V_b + a^2 V_c) \\ &= \frac{1}{3} \left[80 + \left(-\frac{1}{2} + j\frac{\sqrt{3}}{2} \right) (-40 - j30) \right. \\ &\quad \left. + \left(-\frac{1}{2} - j\frac{\sqrt{3}}{2} \right) (-40 + j30) \right] = 57.3\end{aligned}$$

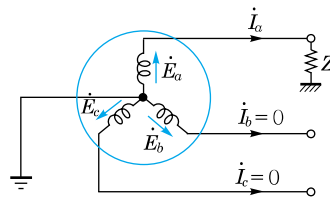
㉡ 역상분

$$\begin{aligned}V_2 &= \frac{1}{3} (V_a + a^2 V_b + a V_c) \\ &= \frac{1}{3} \left[80 + \left(-\frac{1}{2} - j\frac{\sqrt{3}}{2} \right) (-40 - j30) \right. \\ &\quad \left. + \left(-\frac{1}{2} + j\frac{\sqrt{3}}{2} \right) (-40 + j30) \right] = 22.7\end{aligned}$$

$$\therefore \text{불평형률} = \frac{22.7}{57.3} \times 100 = 39.6[\%]$$

★ 산업 95년 6회, 16년 4회

73 그림과 같이 대칭 3상 교류발전기의 a상이 임피던스 Z 를 통하여 지락되었을 때 흐르는 지락전류 I_g 는 얼마인가?



① $I_g = \frac{3 E_a}{Z_0 + Z_1 + Z_2 + Z}$

② $I_g = \frac{E_a}{Z_0 + Z_1 + Z_2 + Z}$

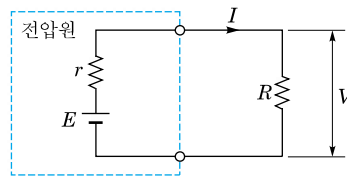
③ $I_g = \frac{3 E_a}{Z_0 + Z_1 + Z_2 + 3Z}$

④ $I_g = \frac{E_a}{Z_0 + Z_1 + Z_2 + 3Z}$

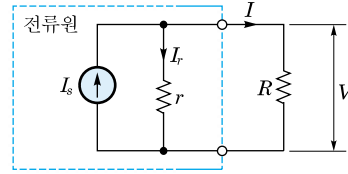


제6장 회로망 해석

1 전압원과 전류원의 등가변환



(a) 전압원 $E = I_s r [\text{V}]$

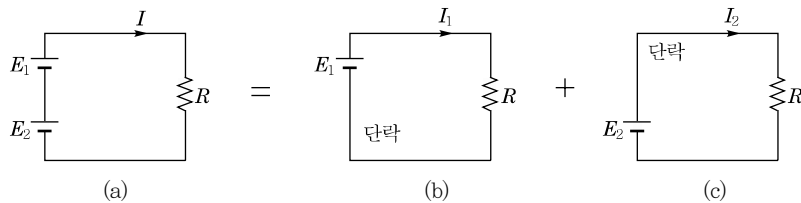


(b) 전류원 $I_s = \frac{E}{r} [\text{A}]$

- ① 그림과 같이 직렬로 접속된 전압원과 저항은 병렬로 접속된 전류원과 저항으로 변환이 가능하다.
- ② 이때 저항의 크기는 변화가 없으며, 등가전류의 크기는 $I_s = \frac{E}{r}$ 가 된다.
- ③ 이상적인 전압원 : $r = 0$ (회로적 의미 : 단락상태)
- ④ 이상적인 전류원 : $r = \infty$ (회로적 의미 : 개방상태)

2 중첩의 정리

- ① 다수의 전원을 포함하는 회로망에서 회로 내의 임의의 두 점 사이의 전류 또는 전위차는 각각의 전원이 단독으로 있을 때의 전류 또는 전압의 합과 같다.
- ② 중첩의 정리는 반드시 선형 소자에서만 적용이 가능하다.
- ③ 중첩의 정리를 적용할 때에는 기준이 되는 소스를 제외하고는 전압원은 단락, 전류원은 개방시킨 상태에서 해석해야 한다.
- ④ 중첩의 정리 개념



$$\textcircled{㉠} I = \frac{E_1 + E_2}{R} = \frac{E_1}{R} + \frac{E_2}{R} = I_1 + I_2 [\text{A}]$$

- ㉡ E_1 로 I_1 을 해석할 때에는 E_2 는 단락시킨다.
- ㉢ E_2 로 I_2 를 해석할 때에는 E_1 은 단락시킨다.
- ㉣ 그림과 같이 R 이 선형 소자가 아닌 비선형 소자였다면 전압의 크기에 따라 전류의 크기가 변하기 때문에 중첩의 정리를 적용할 수 없다.



문제의 네모칸에 체크를 해보세요. 그 문제가 이해되지 않았다면

✓ 표시를 해서 그 문제는 나중에 다시 풀어 안전하게 숙지하세요 (★ : 중요도).

★

기사 95년 5회, 96년 4회, 01년 3회 / 산업 93년 6회, 98년 6회, 03년 2회

74 이상적 전압 · 전류원에 관하여 옳은 것은?

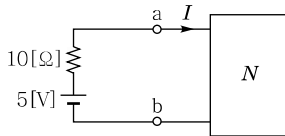


- ① 전압원의 내부저항은 ∞ 이고 전류원의 내부저항은 0이다.
- ② 전압원의 내부저항은 0이고 전류원의 내부저항은 ∞ 이다.
- ③ 전압원 전류원의 내부저항은 흐르는 전류에 따라 변한다.
- ④ 전압원의 내부저항은 일정하고 전류원의 내부저항은 일정하지 않다.

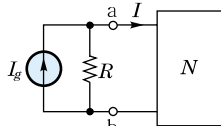
★★

기사 94년 7회, 96년 5회 / 산업 93년 4회

75 그림의 회로 (a), (b)가 등가가 되기 위한 I_g , R 의 값은?



(a)



(b)

- ① 0.5[A], 10[Ω] ② 0.5[A], $\frac{1}{10}$ [Ω]
- ③ 5[A], 10[Ω] ④ 10[A], 10[Ω]

해설

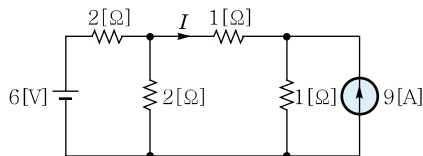
① 등가전류 $I_g = \frac{V}{R} = \frac{5}{10} = 0.5[\text{A}]$

② 저항의 크기는 변하지 않는다. 즉, $R=10[\Omega]$

★★★

기사 91년 2회, 93년 4회, 95년 5회 / 산업 92년 3회, 99년 5회, 97년 6회, 16년 2회

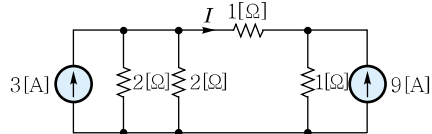
76 회로에서 중첩의 원리를 이용하여 I 를 구하면 몇 [A]인가?



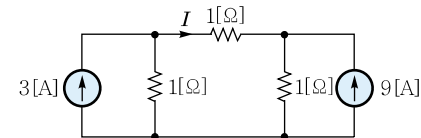
- ① 2[A] ② -2[A]
- ③ -1[A] ④ 4[A]

해설

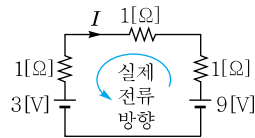
㉠ 전압원을 전류원으로 등가시키면



㉡ 병렬로 접속된 2[Ω]을 합성하면



㉢ 전류원을 전압원으로 등가하면

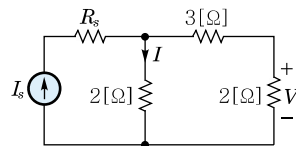


$$\therefore I = \frac{3-9}{1+1+1} = -2[\text{A}]$$

★

산업 01년 3회, 14년 3회

77 그림과 같은 회로에서 $V-I$ 관계는?



- ① $V = 0.8I$
- ② $V = I_s R_s - 2I$
- ③ $V = 3 + 0.2I$
- ④ $V = 2I$

해설

V 측으로 흐르는 전류를 I_x 라 하면

$$I : I_x = 5 : 2 \text{의 관계에 의해 } I_x = \frac{2}{5}I \text{가 된다.}$$

$$\therefore V = 2I_x = \frac{4}{5}I = 0.8I$$



Comment

$$I = \frac{5}{2+5} \times I_s \propto I_s, I_x = \frac{2}{2+5} \times I_s \propto I_s$$

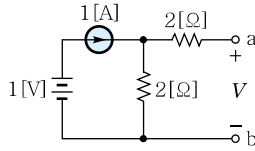


문제의 네모칸에 체크를 해보세요. 그 문제가 이해되지 않았다면

✓ 표시를 해서 그 문제는 나중에 다시 물어 안전하게 숙지하세요 (★ : 중요도).

★★★ 기사 90년 7회, 12년 3회

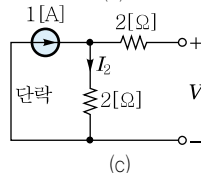
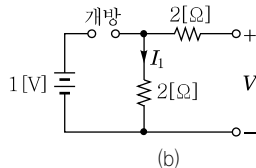
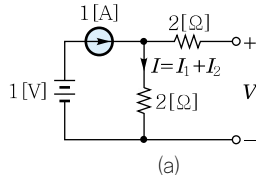
78 그림과 같은 회로의 a, b단자 간의 전압[V]은?



- ① 2 ② -2
③ -4 ④ 4

해설

그림 (a)에서 2[Ω]을 통과하는 전류 I 는 중첩의 정리에 의해 그림 (b)와 (c)와 같이 $I_1 + I_2$ 로 I 를 구할 수 있다.



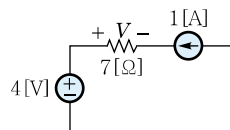
- ㉠ $I = I_1 + I_2 = 0 + 1 = 1[\text{A}]$
㉡ 개방전압 V 는 2[Ω] 양단에 걸린 전압이므로
 $\therefore V = 2 \times I = 2[\text{V}]$

Comment

그림 (c)에서 개방회로에는 전류가 흐르지 않으므로 전류원 1[A]가 그대로 I_2 가 된다.

★ 기사 04년 4회

79 회로에서 7[Ω]의 저항 양단의 전압은 몇 [V]인가?



- ① 7[V] ② -7[V]
③ 4[V] ④ -4[V]

해설

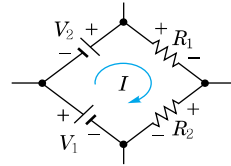
중첩의 정리에 의해서 구할 수 있다.

- ㉠ 4[V]만의 회로해석 : $I_1 = 0[\text{A}]$
(전류원은 개방이 되므로 전류는 흐르지 않는다)
㉡ 1[A]만의 회로해석 : $I_2 = 1[\text{A}]$
(전압원은 단락이 되므로 회로에는 1[A]가 흐른다)
㉢ 따라서 7[Ω]을 통과하는 전류는 $I = I_1 + I_2 = 1[\text{A}]$ 가 되고, 수동소자는 (+)극으로 전류가 들어가 (-)로 나가므로
 $\therefore V = 7I = 7 \times (-1) = -7[\text{V}]$



Comment

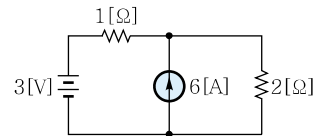
수동부호의 규약



- 능동소자(전압원, 전류원) : 전류는 (+)로 출발해 (-)로 끝난다.
- 수동소자(R, L, C 소자) : 전류는 (-)로 출발해 (+)로 끝난다.

★★★ 기사 94년 5회, 97년 4회, 99년 7회, 03년 3회/산업 96년 4회, 06년 1회, 07년 1회, 15년 4회

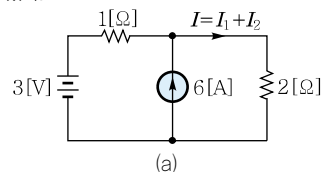
80 그림과 같은 회로에서 2[Ω]의 단자전압[V]은?



- ① 3
② 4
③ 6
④ 8

해설

중첩의 정리에 그림 (a)를 (b)와 (c)로 각각 나누어 해석할 수 있다.



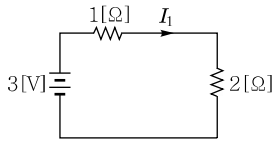
정답

78 ① 79 ② 80 ③

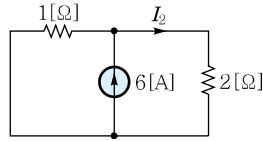


문제의 네모칸에 체크를 해보세요. 그 문제가 이해되지 않았다면

✓ 표시를 해서 그 문제는 나중에 다시 풀어 완전하게 숙지하세요 (★ : 중요도).



(b)



(c)

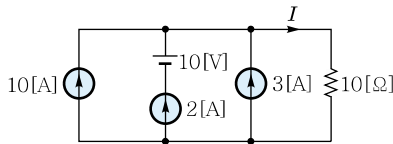
㉠ 그림 (b) : $I_1 = \frac{3}{1+2} = 1[\text{A}]$

㉡ 그림 (c) : $I_2 = \frac{1}{1+2} \times 6 = 2[\text{A}]$

㉢ $I = I_1 + I_2 = 3[\text{A}]$
 $\therefore 2[\Omega]$ 의 단자전압 : $V = 2I = 6[\text{V}]$

*** 기사 02년 2회, 05년 2회 / 산업 94년 3회, 02년 1회, 13년 3회, 14년 4회, 16년 3회

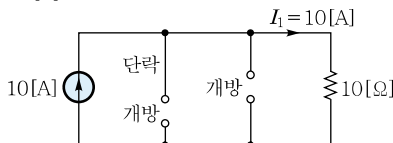
81 그림에서 10[Ω]의 저항에 흐르는 전류는 몇 [A]인가?



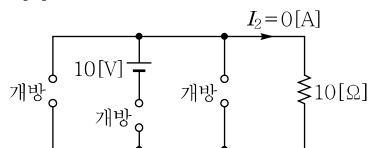
- ㉠ 16
- ㉡ 15
- ㉢ 14
- ㉣ 13

🔍 해설

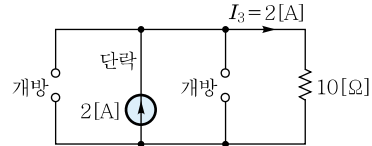
㉠ 10[A]만의 회로해석



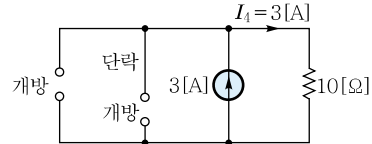
㉡ 10[V]만의 회로해석



㉢ 2[A]만의 회로해석



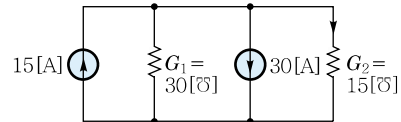
㉣ 3[A]만의 회로해석



$\therefore 10[\Omega]$ 에 흐르는 전류
 $I = I_1 + I_2 + I_3 + I_4$
 $= 10 + 0 + 2 + 3 = 15[\text{A}]$

*** 기사 96년 2회 / 산업 90년 2회, 93년 1회, 99년 3회, 13년 2회

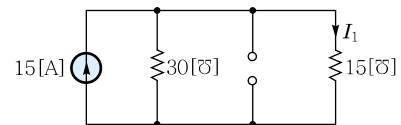
82 그림과 같은 회로의 컨덕턴스 G_2 에 흐르는 전류[A]는?



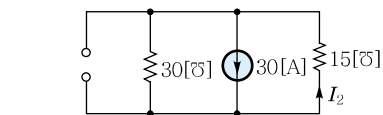
- ㉠ 5
- ㉡ 10
- ㉢ -3
- ㉣ -5

🔍 해설

㉠ 15[A]만의 회로해석



㉡ 30[A]만의 회로해석



$\therefore I = I_1 - I_2$
 $= \frac{15}{30+15} \times 15 - \frac{15}{30+15} \times 30$
 $= -5[\text{A}]$

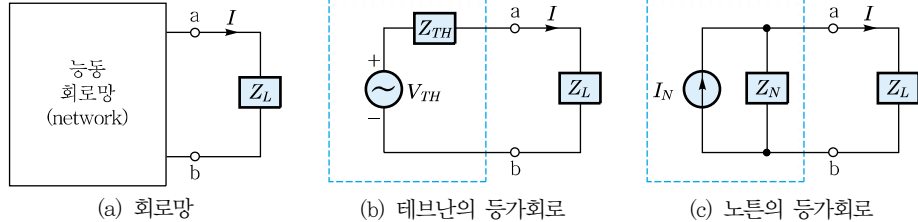
자주 출제되는 핵심이론



핵심이론은 처음에는 그냥 한 번 읽어주세요.

옆의 기출문제를 풀어본 후 다시 한 번 핵심이론을 읽으면서 암기하세요.

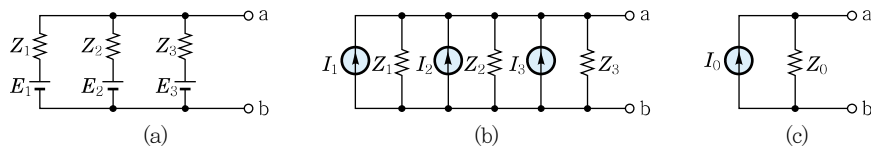
3 테브난(Thevenin)의 등가회로



- 회로의 임의의 두 점 사이의 전류 또는 전위차를 구하는 방법으로 테브난과 노튼의 정리가 있다.
- 테브난의 정리는 그림 (b)와 같이 두 점 a, b에서 전원 측의 능동회로망을 하나의 전압원으로 대체하고, 노튼의 정리는 전류원으로 대체하여 회로를 해석한다.
- 테브난의 등가변환방법
 - 부하 Z_L 를 두 단자 a, b에서 개방시킨다.
 - V_{TH} : 두 단자 a, b의 개방전압
 - Z_{TH} : 두 단자 a, b에서 회로망을 바라봤을 때의 합성 임피던스
단, 회로망 내의 전압원은 단락, 전류원은 개방한 상태에서 Z_{TH} 를 구한다.
- 테브난의 등가회로에서 전류원으로 등가변환하면 노튼의 등가회로가 된다.

4 밀만(Millman)의 정리

- 서로 다른 크기의 전압원이 병렬로 접속되어 있을 경우 회로의 단자전압을 구할 때 사용된다.
- 밀만의 정리 공식



$$\textcircled{㉠} I_1 = \frac{E_1}{Z_1} = Y_1 E_1, \quad I_2 = \frac{E_2}{Z_2} = Y_2 E_2, \quad I_3 = \frac{E_3}{Z_3} = Y_3 E_3$$

$$\textcircled{㉡} I_0 = I_1 + I_2 + I_3, \quad Z_0 = \frac{1}{\frac{1}{Z_1} + \frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3}}$$

$$\therefore V_{ab} = I_0 Z_0 = \frac{\frac{E_1}{Z_1} + \frac{E_2}{Z_2} + \frac{E_3}{Z_3}}{\frac{1}{Z_1} + \frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3}} = \frac{Y_1 E_1 + Y_2 E_2 + Y_3 E_3}{Y_1 + Y_2 + Y_3}$$

여기서, $Y = \frac{1}{Z}$: 어드미턴스[S , 모]

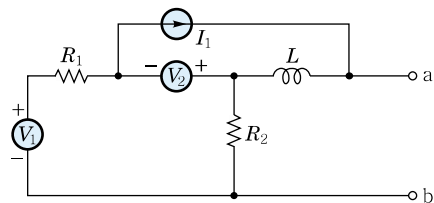


문제의 네모칸에 체크를 해보세요. 그 문제가 이해되지 않았다면

✓ 표시를 해서 그 문제는 나중에 다시 풀어 완전하게 숙지하세요 (★ : 중요도).

★★ 기사 13년 1회

- 83 회로망 출력단자 a, b에서 바라본 등가 임피던스는? (단, $V_1=6[V]$, $V_2=3[V]$, $I_1=10[A]$, $R_1=15[\Omega]$, $R_2=10[\Omega]$, $L=2[H]$, $j\omega=s$ 이다.)



- ① $\frac{1}{s+3}$ ② $s+15$
 ③ $\frac{3}{s+2}$ ④ $2s+6$

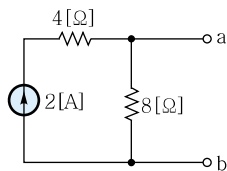
해설

등가 임피던스를 구할 때 전압은 단락, 전류원은 개방하여 구한다.

$$\therefore Z_{ab} = Ls + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 2s + \frac{15 \times 10}{15 + 10} = 2s + 6$$

★★ 기사 08년 1회, 10년 1회

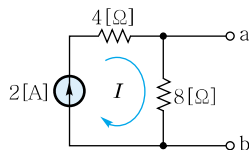
- 84 회로를 테브난(Thevenin)의 등가회로로 변화하려고 한다. 이때 테브난의 등가저항 $R_{TH}[\Omega]$ 와 등가전압 $V_{TH}[V]$ 는?



- ① $R_{TH} = \frac{8}{3}$, $V_{TH} = 8$
 ② $R_{TH} = 6$, $V_{TH} = 12$
 ③ $R_{TH} = 8$, $V_{TH} = 16$
 ④ $R_{TH} = \frac{8}{3}$, $V_{TH} = 16$

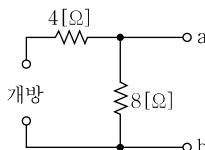
해설

㉠ 테브난의 등가전압 V_{TH}



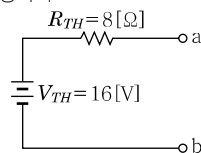
$$\therefore V_{TH} = V_{ab} = 8I = 8 \times 2 = 16[V]$$

㉡ 테브난의 등가저항 R_{TH}



$$\therefore R_{TH} = 8[\Omega]$$

㉢ 테브난의 등가회로

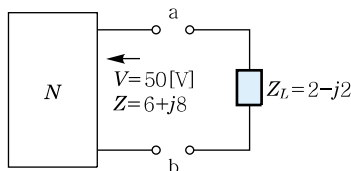


Comment

등가저항을 구할 때 전류원은 개방시킨 후 a, b단자에서 본 저항을 구하면 된다.

★★★ 산업 93년 3회, 99년 3회, 99년 7회, 00년 6회

- 85 그림에서 a, b단자의 전압이 50[V], a, b 단자에서 본 능동회로망의 임피던스가 $Z = 6 + j8[\Omega]$ 일 때 a, b단자에 임피던스 $Z_L = 2 - j2[\Omega]$ 를 접속하면 이 임피던스에 흐르는 전류[A]는 얼마인가?



- ① $4 - j3$ ② $4 + j3$
 ③ $3 - j4$ ④ $3 + j4$

해설

테브난의 정리에 의해

$$\begin{aligned} I &= \frac{V}{Z - Z_L} = \frac{50}{(6 + j8)(2 - j2)} \\ &= \frac{50}{8 + j6} = \frac{50(8 - j6)}{8^2 + 6^2} = 4 - j3[A] \end{aligned}$$

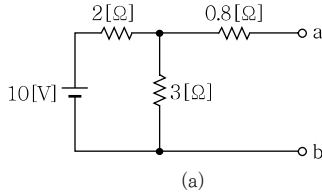


문제의 네모칸에 체크를 해보세요. 그 문제가 이해되지 않았다면

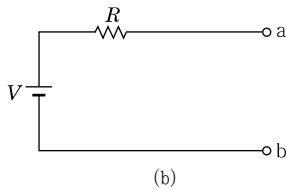
✓ 표시를 해서 그 문제는 나중에 다시 물어 안전하게 숙지하세요 (★ : 중요도).

★★★★ 기사 90년 7회, 12년 1회/산업 00년 3회, 03년 4회, 05년 2회, 06년 1회, 15년 1회

86 그림과 같은 (a)의 회로를 그림 (b)와 같은 등가회로로 구성하고자 한다. 이때 V 및 R 의 값은?



(a)



(b)

- ① 2[V], 3[Ω]
- ② 3[V], 2[Ω]
- ③ 6[V], 2[Ω]
- ④ 2[V], 6[Ω]

해설

테브난의 등가회로로 정리하면

㉠ 등가저항 : $R = 0.8 + \frac{2 \times 3}{2+3} = 2[\Omega]$

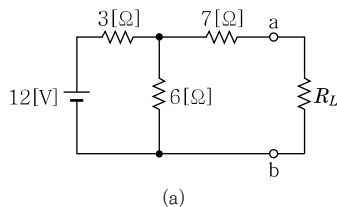
㉡ 등가전압 : $V = 3I = 3 \times \frac{10}{2+3} = 6[V]$

Comment

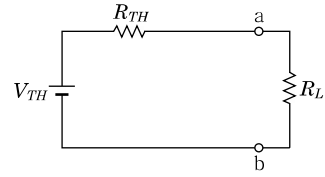
등가저항을 구하려면 전압원은 단락시킨 상태에서 a, b단자에서 회로를 바라보았을 때의 합성저항을 구하면 된다.

★★★★ 기사 95년 6회/산업 13년 1회, 16년 4회

87 회로 A를 회로 B로 하여 테브난의 정리를 이용하면 임피던스 Z_{TH} 의 값과 전압 V_{TH} 의 값은 얼마인가?



(a)

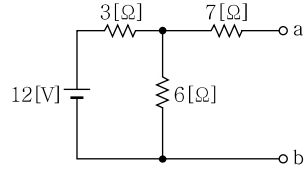


(b)

- ① 4[V], 13[Ω]
- ② 8[V], 2[Ω]
- ③ 8[V], 9[Ω]
- ④ 4[V], 9[Ω]

해설

테브난의 등가회로로 정리하면(부하 R_L 을 개방시킨 상태에서 등가변환을 시킨다)

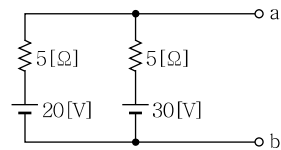


㉠ 등가저항 : $R_{TH} = 7 + \frac{3 \times 6}{3+6} = 9[\Omega]$

㉡ 등가전압 : $V_{TH} = 6I = 6 \times \frac{12}{3+6} = 8[V]$

★★★★ 기사 90년 2회, 94년 4회, 10년 2회, 12년 2회, 13년 4회

88 그림과 같은 회로에서 a, b에 나타나는 전압은 몇 [V]인가?



- ① 20
- ② 23
- ③ 25
- ④ 26

해설

밀만의 정리에 의해 개방전압은

$$\therefore V_{ab} = \frac{\sum I}{\sum Y} = \frac{\frac{20}{5} + \frac{30}{5}}{\frac{1}{5} + \frac{1}{5}} = \frac{50}{2} = 25[V]$$

정답

86 ③ 87 ③ 88 ③

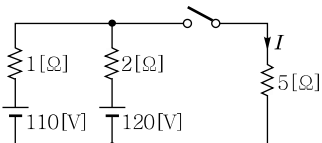


문제의 네모칸에 체크를 해보세요. 그 문제가 이해되지 않았다면

✓ 표시를 해서 그 문제는 나중에 다시 풀어 완전하게 숙지하세요 (★ : 중요도).

★★ 기사 90년 6회

89 그림과 같은 회로에서 5[Ω]에 흐르는 전류는 몇 [A]인가?



- ① 30
- ② 40
- ③ 20
- ④ 33.3

해설

밀만의 정리에 의해 개방전압은

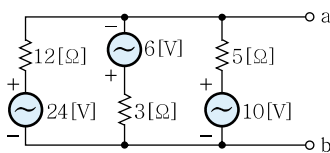
$$V_{ab} = \frac{\sum I}{\sum Y} = \frac{\frac{110}{1} + \frac{120}{2}}{\frac{1}{1} + \frac{1}{2} + \frac{1}{5}} = 100[\text{V}] \text{가 된다.}$$

따라서 5[Ω]으로 통과하는 전류는

$$\therefore I = \frac{100}{5} = 20[\text{A}]$$

★★★★ 기사 98년 7회, 02년 4회

90 그림과 같은 회로에서 a, b에 나타나는 전압은 몇 [V]인가?



- ① $\frac{360}{37}$
- ② $\frac{120}{37}$
- ③ 28
- ④ 40

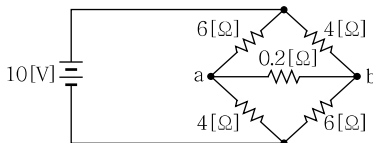
해설

밀만의 정리에 의해 개방전압은

$$\begin{aligned} \therefore V_{ab} &= \frac{\sum I}{\sum Y} = \frac{\frac{24}{12} - \frac{6}{3} + \frac{10}{5}}{\frac{1}{12} + \frac{1}{3} + \frac{1}{5}} \\ &= \frac{2 - 2 + 2}{\frac{10 + 40 + 24}{120}} = \frac{240}{120} = \frac{120}{37}[\text{V}] \end{aligned}$$

★★ 기사 14년 1회 / 산업 94년 5회, 96년 2회, 99년 3회, 02년 4회, 04년 1회, 16년 2회

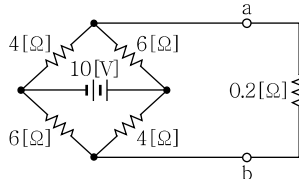
91 그림과 같은 회로에서 0.2[Ω]의 저항에 흐르는 전류는 몇 [A]인가?



- ① 0.1
- ② 0.2
- ③ 0.3
- ④ 0.4

해설

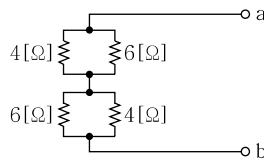
㉠ 회로를 등가변환하면 다음과 같다.



㉡ 등가전압 V_{TH}

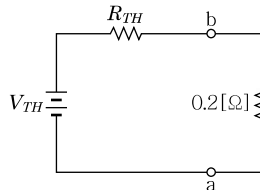
$$\begin{aligned} V_{TH} &= V_b - V_a \\ &= \left(\frac{6}{6+4} \times 10 \right) - \left(\frac{4}{6+4} \times 10 \right) = 2[\text{V}] \end{aligned}$$

㉢ 등가저항 R_{TH}



$$R_{TH} = \frac{6 \times 4}{6 + 4} + \frac{6 \times 4}{6 + 4} = 4.8[\Omega]$$

㉣ 테브난의 등가변환



$\therefore$ 0.2[Ω]에 흐르는 전류

$$I = \frac{V_{TH}}{R_{TH} + 0.2} = \frac{2}{4.8 + 0.2} = 0.4[\text{A}]$$